

Lyce El Hedi Ben Hsin Jendouba

Devoir de synthese N°1

EXERCICE1

Trouver la bonne reponse (sans justification)

A(3,5) ;B(6,1) ;C(-1,2) et D(-5,-1)

1) Les composantes du vecteur \overrightarrow{AB} sont

a) $\begin{pmatrix} 9 \\ 6 \end{pmatrix}$

b) $\begin{pmatrix} 3 \\ -4 \end{pmatrix}$

c) $\begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$

2) a) $AB=3$

b) $AB=4$

c) $AB=5$

3) le determinant des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} est egal à

a) -25

b) 0

c) 25

4) (AB) et (AC) sont

a) paralleles

b) perpendiculaires

c) ni paralleles ni perpendiculaires

5) le point C est le milieu de

a) [AB]

b) [AD]

c) [BD]

EXERCICE2

Resoudre dans IR

1) $\frac{x^2-9}{x+3} = 0$

2) $\frac{|x-2|+6}{2|x-2|+3} = 1$

3) $2x^2 + 5x - 3 \geq 0$

4) $\sqrt{2x^2 + 5x - 3} < x + 3$

EXERCICE3

Soit ABCD un rectangle tel que $AB=4$ et $AD=3$

1)calculer AC

2)soit G le barycentre des points (B,1) et (C,-2)

Montrer que $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{BC}$

3)construire G

4)soit E le barycentre des points (C,8) et (A,-3)

a) montrer que $\overrightarrow{CE} = \overrightarrow{AC}$

b)construire E

c)montrer que le triangle CEG est rectangle

5)soit F le barycentre des points (B,1) ;(C,-2) et (D,-1)

Montrer que F est le milieu de [BG]

6)determiner l'ensemble des points M du plan verifiant

$$\|\overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MD}\| = \|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MC}\|$$

CORRECTION(proposee par GUESML.B)

EXERCICE1

- 1)b 2)c 3)a 4)b 5)b

EXERCICE2

1)a on a : $\frac{x^2-9}{x+3} = 0$ et $x \neq -3 \Leftrightarrow x = 3$

b) $\frac{|x-2|+6}{2|x-2|+3} = 1 \Leftrightarrow |x-2| + 6 = 2|x-2| + 3 \Leftrightarrow |x-2| = 3$

signifie $x-2=3$ ou $x-2=-3 \Leftrightarrow x=5$ ou $x=-1$

2)a) $\Delta = 25 + 24 = 49$ donc $x' = -3$; $x'' = \frac{1}{2}$

X	$-\infty$	-3		$\frac{1}{2}$	$+\infty$
$2x^2+5x-3$	+	0	--	0	+

Donc $S_{IR} = \{-\infty, -3\} \cup [\frac{1}{2}, +\infty[$

b) l'inequation a un sens si $x \in S_{IR}$ et $x \geq -3 \Leftrightarrow x \geq \frac{1}{2}$

donc $2x^2+5x-3 < (x+3)^2$

signifie $x^2-x-12 < 0$

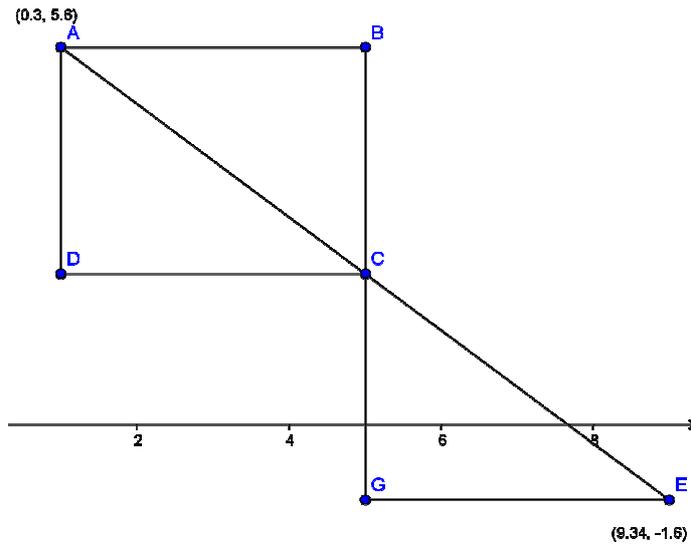
$\Delta = 49$; $x = -3$ ou $x = 4$

Tableau de signe

X	$-\infty$	-3		4	$+\infty$
x^2-x-12	+	0	--	0	+

Donc $S'_{IR} =] - 3,4[\cap [\frac{1}{2}, +\infty[= [\frac{1}{2}, 4[$

EXERCICE3



1) $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = 5$

2) G est le barycentre de (B,1) et (C,-2) donc $\forall M \in P ; \overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC} = (1 - 2)\overrightarrow{MG}$

Pour $M=C$ on a : $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{CG}$

3) voir la construction

4) comme dans 2)

a) $\overrightarrow{CE} = \overrightarrow{AC}$

b) $CA=5$

les deux triangles ABC et ECG sont isométriques d'après le 2^{ème} cas d'isométrie

des triangles donc ECG est rectangle en G

5) F est le barycentre de (B,1) ; (C,-2) et (D,-1)

Donc d'après l'associativité du barycentre

F est le barycentre de (barycentre (B,1) ; (C,-2)) affecté de la somme des coefficients

et (D,-1)

D'où F est le barycentre de (G,1-2) et (D,-1) donc G et D ont meme coefficient

Donc F est le milieu de [DG]

6) $\|\overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MD}\| = \|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{CM}\| \Leftrightarrow$ on intercale le point F donc

$$\|\overrightarrow{MF} + \overrightarrow{FB} - 2\overrightarrow{MF} - 2\overrightarrow{FC} - \overrightarrow{MF} - \overrightarrow{FD}\| = \|\overrightarrow{AC}\|$$

Or F est le barycentre de (B,1) ;(C,-2) et (D,-1)

Donc $2MF = AC \Leftrightarrow MF = \frac{AC}{2}$ donc M decrit le cercle de centre F et de rayon AC/2